

## Παράδειγμα απλού συνδυαστικού ψηφιακού κυκλώματος

Ας προσπαθήσουμε να σχεδιάσουμε ένα απλό κύκλωμα με τρείς εισόδους A, B, C και μια έξοδο F η οποία θα έχει την τιμή 1 (θα είναι αληθής) όταν τουλάχιστον δυο από τις εισόδους έχουν τιμή 1 (είναι αληθείς).

### A) Πίνακας Αληθείας

Καταγράφουμε όλους τους συνδυασμούς των εισόδων και για κάθε συνδυασμό σημειώνουμε την τιμή της εξόδου

| A | B | C | F |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |

### B) Λογική Συνάρτηση σε κανονική μορφή

Γράφουμε αναλυτικά ένα ένα τους συνδυασμούς των εισόδων για τους οποίους η έξοδος έχει τιμή 1 (αληθής)

$$F = \bar{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \bar{C} + A \cdot B \cdot C$$

### Γ) Απλοποίηση συνάρτησης

Χρησιμοποιούμε τις ιδιότητες που ισχύουν στην άλγεβρα Boole για να απλοποιήσουμε (αν είναι δυνατόν) την μορφή της συνάρτησης ώστε να καταλήξουμε σε ένα απλούστερο κύκλωμα

$$F = \bar{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \bar{C} + A \cdot B \cdot C$$

$$F = \bar{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \bar{C} + A \cdot B \cdot C + A \cdot B \cdot C + A \cdot B \cdot C$$

$$F = (\bar{A} \cdot B \cdot C + A \cdot B \cdot C) + (A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot B \cdot C) + (A \cdot B \cdot \bar{C} + A \cdot B \cdot C)$$

$$F = B \cdot C \cdot (\bar{A} + A) + A \cdot C \cdot (\bar{B} + B) + A \cdot B \cdot (\bar{C} + C)$$

$$F = B \cdot C + A \cdot C + B \cdot C$$

### Δ) Σχεδίαση κυκλώματος με λογικές πύλες

Σχεδιάζουμε ένα ψηφιακό κύκλωμα που υλοποιεί την συνάρτηση χρησιμοποιώντας πύλες AND για τα «γινόμενα» και πύλες OR για τα «αθροίσματα».

